

Etudes des analyses et algorithmes :

Construction des algorithmes :

A/ Choisir et Traiter

B/ Diviser pour regner

Problème

Données : Un ensemble S d'entiers naturels

Resultat : le 2^{ième} Max(S) = Dmax(S)

Dmax ({4,7,2,3}) = 4

$i < j \wedge L[i] < L[j] \rightarrow \text{Max}(L, i, j) = \text{Max}(L, i + 1, j)$

$i < j \wedge L[i] > L[j] \rightarrow \text{Max}(L, i, j) = \text{Max}(L, i, j - 1)$

$i = j \rightarrow \text{Max}(L, i, j) = \frac{i}{L[i]}$

if $i < j$

if $L[i] < L[j]$:

$\text{Max}(L, i + 1, j)$

else

$\text{Max}(L, i, j - 1)$

return i

$i \leftarrow 1, j \leftarrow n$

while $(i < j)$

if $(L[i] < L[j])$:

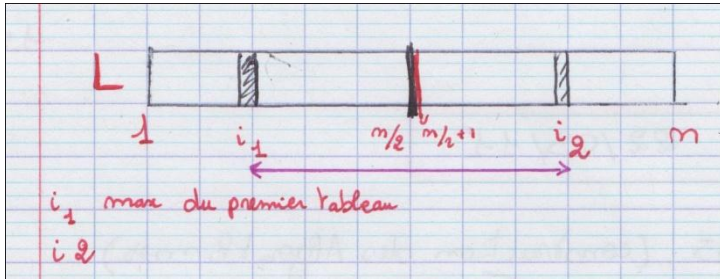
$i++$

else $j--$

return i

Dmax(L, 1, n)

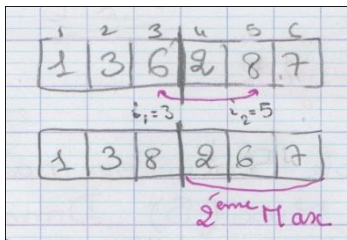
$\text{Max}(\underbrace{L[n \leftrightarrow \text{Max}(L, 1, n)]}_{n-1}, 1, n - 1) \rightarrow 2n - 3$
 $\underbrace{\hspace{10em}}_{n-2}$



i_1 max du premier tableau

$$\frac{n}{2} - 1 + \frac{n}{2} - 1 + \underbrace{1}_{\text{comp de } i_1 \text{ et } i_2} + \frac{n}{2} - 1 = \frac{3n}{2} - 2$$

Exemple :



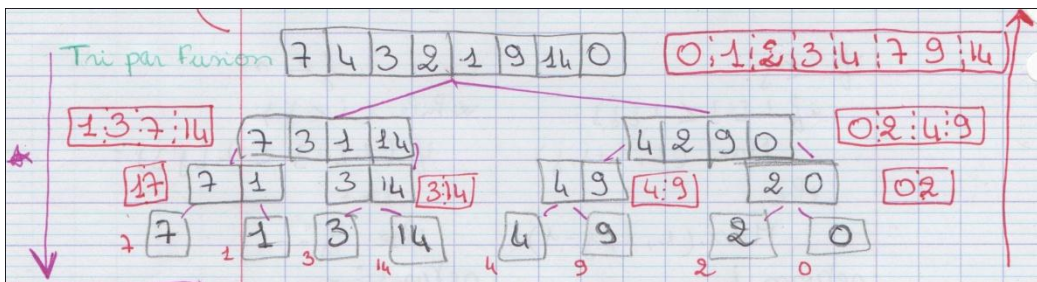
$Dmax(L, 1, n)$

if $Max(L, 1, \frac{n}{2}) > Max(L, \frac{n}{2} + 1, n)$:

$Max(L[i_1 \leftrightarrow i_2], 1, \frac{n}{2})$

else $Max(L[i_1 \leftrightarrow i_2], \frac{n}{2} + 1, n)$

$$\frac{3n}{2} - 2$$



tri par fusion

$\approx \lceil \log n \rceil$ de complexite \rightarrow nombre division, hauteur de l'arbre

$$TF(\emptyset) = \emptyset$$

$$TF(C * \emptyset) = C * \emptyset$$

$$\hookrightarrow 1 \Rightarrow TF(L) = merge(TF(L_{\text{impair}}), TF(L_{\text{pair}}))$$



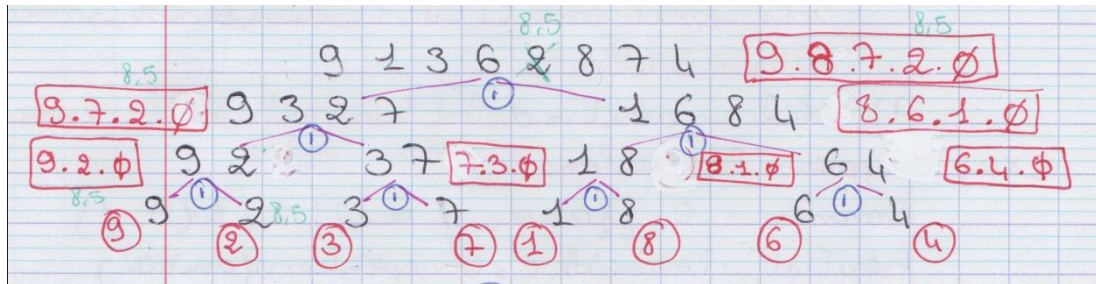
Tri par fusion :

$$\text{merge}(L_1, \emptyset) = L_1$$

$$\text{merge}(\emptyset, L_2) = L_2$$

$$C_1 \leq C_2 \rightarrow \text{merge}(C_1 l_1, C_2 l_2) = C_1.\text{merge}(l_1, C_2 l_2)$$

$$C_1 > C_2 \rightarrow \text{merge}(C_1 l_1, C_2 l_2) = C_2.\text{merge}(C_1 l_1, l_2)$$



Comparaison : 7

$$7 + 2 = 9$$

$$\frac{n-1}{\max} + \frac{\lceil \log n \rceil - 1}{\text{dmax}}$$

$$8 - 1 + 3 - 1 = 9$$

$$\alpha(\emptyset) = \emptyset$$

$$\alpha(C.\emptyset) = C.\emptyset$$

$$|L| > 1 \rightarrow \alpha(L) = \text{merge}(\alpha(L_{\text{impair}}), \alpha(L_{\text{pair}}))$$

$$\text{si } i = j \rightarrow \alpha(L, i, j) = i.\emptyset$$

$$\text{si } i < j \rightarrow \alpha(L, i, j) = \text{merge}(L, \alpha(L, i, \frac{i+j}{2}), \alpha(L, \frac{i+j}{2}, j))$$