

TD n°7

Grammaires non-contextuelles (suite)

Exercice 1) Considérons la grammaire G suivante :

Grammaire G
Axiome = S
$N = \{S, A, B\}$
$T = \{a, b\}$
$P = \{ S \rightarrow \varepsilon$
$S \rightarrow a B$
$S \rightarrow b A$
$A \rightarrow a S$
$A \rightarrow b A A$
$B \rightarrow b S$
$B \rightarrow a B B$

1. Quel est le langage $L(G)$ engendré par cette grammaire ?
2. Mettez cette grammaire sous Forme Normale de Chomsky.
3. Cette grammaire est-elle sous Forme Normale de Greibach ?

Exercice 2) On considère le langage L des mots binaires ayant plus de 0 que de 1 (cf. TD n°6 ex.3).

1. Retrouvez une grammaire G pour engendrer ce langage L puis mettez-la sous Forme Normale de Chomsky.
2. A partir de la grammaire obtenue, procédez à l'analyse avec l'algorithme de Cocke, Younger et Kasami du mot : $w = 1001010$.
3. Déduisez-en quels sont les facteurs du mot w qui appartiennent au langage de Dyck.

Exercice 3) On rappelle la définition de l'ensemble \mathcal{ER} des expressions régulières sur l'alphabet Σ (*on omettra volontairement le \cdot symbole de la concaténation*) :

(Base)

$\emptyset \in \mathcal{ER}$

" ε " $\in \mathcal{ER}$

pour tout $\sigma \in \Sigma$, $\sigma \in \mathcal{ER}$

(Induction)

si $\alpha \in \mathcal{ER}$ et $\beta \in \mathcal{ER}$, alors

$(\alpha + \beta) \in \mathcal{ER}$

$(\alpha \beta) \in \mathcal{ER}$

$\alpha^* \in \mathcal{ER}$

1. Précisez l'alphabet du langage \mathcal{ER} . Ce langage vous semble-il rationnel ? algébrique non rationnel ?
2. Donnez une grammaire algébrique G qui engendre l'ensemble des expressions régulières sur l'alphabet $\{0, 1\}$.
3. Transformez G en une grammaire G' de telle sorte que G' soit mise sous forme normale de Chomsky.
4. Faites la trace de l'algorithme de CYK sur l'entrée :

$((1^*0) + 1)$

Si ce mot est engendré par la grammaire G' , vous dessinerez un arbre correspondant à une dérivation pour ce mot.