

# COURS\_4 : LE PLUS COURT CHEMIN DANS UN GRAPHE 1

## I. Problème Simple (graphe non pondéré) :

$I : G = (V,E) s \in V, t \in V$  (s->sommet debut et t -> sommet source)

$S : \{\text{path}(s,t)_g\}$

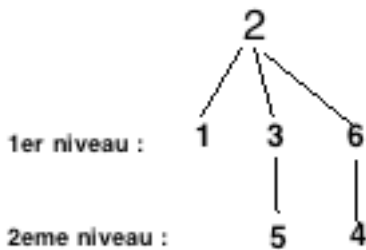
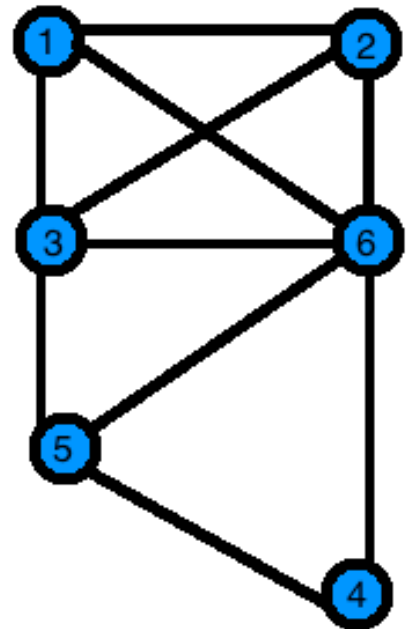
$f : |\text{path}(s,t)_g|$

opt : min

Les distances = 1

s = 2

t = 4



Père	2	2	2	2	2	2
------	---	---	---	---	---	---

Comment utiliser *l'algorithm nouveau* dans notre cas ?

```

Algorithm Nouveau :

Init P, M..
add(Q,u)

while Q :
    z = choose_a_member_of_Q
    for each x in Adj[x] :
        PREVISIT_x
        if (M[x] == 0) :
            M[x] = 1
            VISIT_x
            add(Q,x)
        POSTVISIT_z
    
```

-> M = [0 for un in G]

-> Niv = [0 for un in G]

-> P = [-1 for un in G]

-> z= Q.dequeue()

-> P[x] = z

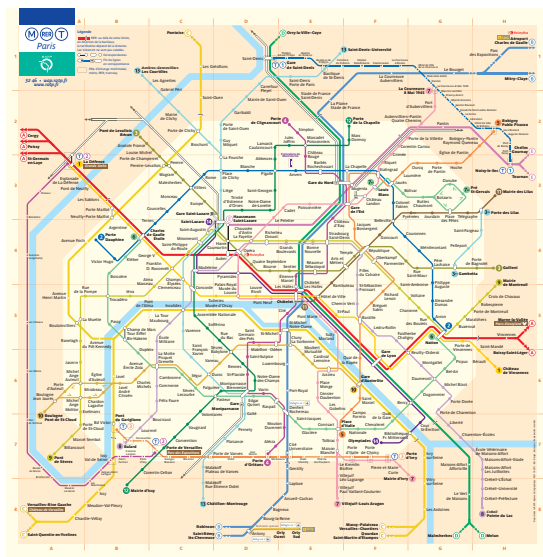
-> Q.enqueue(x)

-> Niv[x] = Niv[z] + 1

une fonction pour tracer ensuite le chemin :

```
def chemin(P, s, t) :  
    R = []  
    u = t  
    while u != s :  
        R.insert(Q,u)  
        u = P[u]  
    return R.insert(Q,u)
```

## II. EXERCICE : LE MINIMUM DE CORRESPONDANTE :



### FORMALISATION :

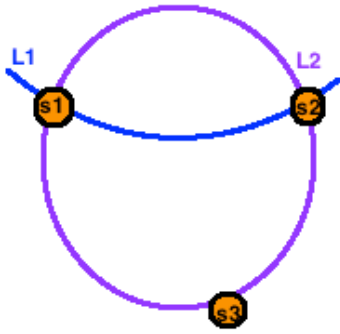
$I : L = \{L_1, L_2, L_3, L_4, \dots\}$  S (station départ) , t (station de fin)

$S : \{(s_1, s_2, s_3, \dots, s_k) / \forall i \ 1 \leq i \leq k-2 \ \exists \lambda : s_i \in L_\lambda, s_{i+1} \in L_\lambda, s_{i+2} \in L_\lambda\}$

on fait le graphe suivant :

chaque sommet représente une station

chaque arrête reliant un sommet u à un sommet v signifie que u et v sont parcouru par une même ligne



ex :

donnera en graphe

